

# О НАИБОЛЬШИХЪ ВЕЛИЧИНАХЪ

ВЪ ВОПРОСАХЪ ОТНОСЯЩИХСЯ

## КЪ НРАВСТВЕННОМУ ОЖИДАНИЮ.

АКАДЕМИКА В. Я. БУНЯКОВСКАГО.



Читано въ засѣданіи Физ.-Мат. Отд. 20 Ноября 1879.

ПРИЛОЖЕНИЕ КЪ XXXVI-му ТОМУ ЗАПИСОКЪ ИМП. АКАДЕМИИ НАУКЪ.

№ 1.



САНКТПЕТЕРБУРГЪ, 1879.

ПРОДАЕТСЯ У КОМИССИОНЕРОВЪ ИМПЕРАТОРСКОЙ АКАДЕМИИ НАУКЪ:

И. Глазунова, въ С. П. Б.  
Я. А. Исакова, въ С. П. Б.

Эггерса и Комп., въ С. П. Б.  
Н. Киммеля, въ Ригѣ.

Леопольда Фосса, въ Лейпцигѣ.

Цѣна 25 коп.

Напечатано по распоряжению Императорской Академии Наукъ.  
С.-Петербургъ, Декабрь 1879 года.

Непремѣнныи Секретарь, Академикъ *K. Веселовскій*.

ТИПОГРАФІЯ ИМПЕРАТОРСКОЙ АКАДЕМИИ НАУКЪ.

(Вас. Остр., 9 лин., № 12.)

Не подлежитъ сомнѣнію, что абсолютная величина пріобрѣтаемаго или утрачиваемаго капитала не всегда можетъ служить безусловною мѣрою его важности для всѣхъ лицъ безразлично. Такъ сумма, незначительная для богача, пріобрѣтаемая или утрачиваемая имъ, конечно не имѣть того материальнаго и нравственнаго значенія для него, какъ та же самая сумма, пріобрѣтаемая бѣднымъ человѣкомъ. Довольство первого мало измѣнится въ обоихъ случаяхъ, между тѣмъ какъ пріобрѣтеніе такой суммы можетъ упрочить благосостояніе неимущаго.

Различие, существующее съ нравственной стороны между *абсолютнымъ* и *относительнымъ* значеніемъ одной и той же суммы, уже давно замѣченное, приводить иногда къ недоумѣніямъ и даже къ кажущимся противорѣчіямъ между *началомъ математической безобидности* и здравымъ смысломъ. Весьма известный въ этомъ отношеніи парадоксъ встрѣчается въ одномъ вопросѣ, относящемся къ игрѣ въ *орлянку*; рѣшеніе его приводить къ результату, который, съ первого взгляда, конечно покажется парадоксальнымъ. Основываясь на *началѣ математического равенства игры* оказывается, что ставка одного изъ игроковъ должна быть *безконечной*. По поводу этой задачи *Даніилъ Бернулли* ввелъ въ *Анализъ Вероятностей* особую мѣру выгода, называемую *нравственную*, и при которой упоминаемаго рода парадоксы уже не имѣютъ мѣста. Его изслѣдованія по этому предмету помѣщены въ *Запискахъ Петербургской Академіи Наукъ* (*Commentarii Academiae Petropolitanae*, T.V., стр. 175; 1738 г.).

и вотъ вѣроятная причина, почему сказанной задачѣ присвоено наименование *Петербургской*.

Еще прежде Даніила Бернулли, Бюффонъ, какъ извѣстно, въ своемъ *Essai d'Arithmétique morale*, предложилъ принимать за мѣру важности или за мѣру нравственной выгоды той суммы, на которую уменьшается первоначальный капиталъ, отношение этой суммы къ самому капиталу, а въ случаѣ увеличенія послѣдняго — отношение этого самаго увеличенія къ первоначальному капиталу вмѣстѣ съ его приращеніемъ. Даніилъ Бернулли предложилъ другую гипотезу, въ общихъ чертахъ согласующуюся съ Бюффоновой, и которая до сихъ поръ допускается математиками. Онъ принялъ, что ожидаемое приращеніе физического имущества разложено на безконечно малые элементы, и что соответствующее каждому элементу безконечно малое приращеніе нравственной выгоды прямо пропорціонально самому элементу и обратно — первоначальному имуществу, увеличенному суммою всѣхъ предшествовавшихъ безконечно малыхъ приращеній. И такъ, если изобразимъ чрезъ *Y* нравственную выгоду, соответствующую физическому имуществу *X*, то, по гипотезѣ Бернулли, будетъ

$$dY = \frac{k dX}{X},$$

разумѣя подъ *k* постоянный положительный коэффиціентъ. Интегрируя это уравненіе получимъ

$$Y = k \log. X + \log. A_0, \dots \dots \dots \quad (1)$$

гдѣ  $\log. A_0$  означаетъ постоянное количество, которое опредѣлится по извѣстной величинѣ *Y*, соответствующей опредѣленному значенію *X*.

Употребленіе формулы (1) ограничивается тѣмъ условiemъ, что величины *X* и *Y* ни въ какомъ случаѣ не допускаютъ значеній отрицательныхъ или равныхъ нулю. Дѣйствительно, немыслимо чтобы физическое имущество *X* человѣка обратилось въ

строгомъ смыслѣ въ нуль или въ величину *отрицательную*, такъ какъ самое поддержаніе его жизни уже обусловливается нѣкоторыми его средствами, какъ то личнымъ трудомъ, постороннею поддержкою, подаяніями и т. п.

Конечно, выраженіе (1) не можетъ быть принимаемо за точную мѣру нравственной выгодаы, зависящей для каждого человѣка отъ весьма разнообразныхъ обстоятельствъ и, преимущественно, отъ его личной материальной и нравственной обстановки. Справедливость же общихъ практическихъ заключеній, вытекающихъ изъ этой формулы, вполнѣ оправдывается здравымъ взглѣдомъ на сущность полученныхъ результатовъ. Такъ, напримѣръ, повседневный опытъ подтверждаетъ справедливость и пользу слѣдующихъ заключеній, основанныхъ на началахъ нравственной выгодаы:

*Всякіе заклады, игры и лотереи невыгодны для участниковъ въ нихъ, хотя бы въ отношеніи къ рискованнымъ ими суммамъ и были соблюдены условія математической безобидности. — Напротивъ того, застрахованіе имущества, даже при некоторомъ уменьшеннѣ избытка нормы премии противъ обусловливаемой началомъ математической безобидности, увеличиваетъ нравственную выгоду застрахователя. — Когда предстоитъ надобность подвергать какое либо имущество опасностямъ, то благоразумнѣе раздроблять его на части, а не въ цѣлости подвергать его одной опасной случайности.*

Въ настоящей Запискѣ я прежде всего укажу на нѣкотораго рода вопросы, решеніе которыхъ на основаніи формулы (1), и при выше отмѣченномъ ея ограниченіи, приводить однажды къ результатамъ несообразнымъ сть требованіями практики. Къ подобному роду вопросовъ можно отнести такие, въ которыхъ ищется *такітит нравственной выгодаы*. Вотъ тому примѣръ:

Положимъ, что капиталистъ отправляетъ на двухъ корабляхъ сумму  $\lambda A$ , составляющую  $(\frac{\lambda}{1+\lambda})$ -ую долю полнаго его капитала  $A + \lambda A$ ; пусть будетъ  $p$  вѣроятность, что корабль № 1 достиг-