

A 158
7

138.
Н. Я. ГРОТЪ

КЪ ВОПРОСУ

о

КЛАССИФИКАЦІИ НАУКЪ

(НАУЧНО ПОПУЛЯРНЫЙ ЭТЮДЪ)



С.-ПЕТЕРБУРГЪ

ТИПОГРАФІЯ А. С.-СУВОРІНА. ЭРТЕЛЕВЪ ПЕР., д. № 11—2

1884



Н. Я. ГРОТЪ

КЪ ВОПРОСУ

о

КЛАССИФИКАЦІИ НАУКЪ

(НАУЧНО ПОПУЛЯРНЫЙ ЭТЮДЪ)



С.-ПЕТЕРБУРГЪ

ТИПОГРАФІЯ А. С. СУВОРІНА. ФРТЕЛЕВЪ ПЕР., д. № 11--2

1884



Дозволено цензурою. С.-Петербургъ, 28 ноября 1884 г.



2007237583

КЪ ВОПРОСУ О КЛАССИФИКАЦИИ НАУКЪ.

Научно-популярный этюдъ.

Настоящая статья является краткимъ изложениемъ тѣхъ мыслей о классификаціи наукъ, которыхъ авторъ развили въ прошломъ учебномъ году въ небольшомъ курсѣ, посвященномъ упомянутому вопросу и прочитанномъ въ первомъ полугодіи 1884 г. студентамъ Новороссійскаго университета. Курсъ этотъ въ то время не былъ еще обработанъ авторомъ въ литературной формѣ, такъ какъ ему хотѣлось дать мыслямъ своимъ время вылежаться и созрѣть. Нынѣ, послѣ шестимѣсячнаго промежутка, онъ считаетъ возможнымъ изложить печатно иѣкоторые изъ нихъ, не для того, конечно, чтобы повѣдать міру какія-либо важныя открытия и не потому, чтобы онъ считалъ свои взгляды на данный предметъ окончательно созревшими и установившимися, а исключительно только вслѣдствіе внутренней потребности систематизировать эти взгляды и подѣлиться ими съ людьми науки и съ образованными читателями вообще. Вопросъ о классификаціи наукъ настолько сложенъ, запутанъ и далекъ еще отъ окончательного своего разрѣшенія, что всякая попытка освѣтить его съ новой точки зрењія, какъ бы неудачна она ни была по своимъ результатамъ, должна встрѣтить сочувствие въ людяхъ, чуждыхъ узкихъ тенденцій той или другой опредѣленной «школы» мысли и стремящихся исключительно къ открытию истины, откуда бы она ни пришла. Этимъ-то людямъ, признающимъ лишь одну тенденцію — познать истинныя отношенія вещей, авторъ и посвящаетъ настоящій скромный этюдъ свой.

I.

О научномъ значеніи классификаціи наукъ.

Прежде всего намъ необходимо остановиться на вопросѣ, составляетъ ли задача классификаціи наукъ въ свою очередь научную задачу. Вопросъ этотъ на первый взглядъ можетъ показаться страннымъ. Если до сихъ поръ этотъ вопросъ обсуждался людьми науки въ научныхъ трактатахъ, то какимъ образомъ можно сомнѣваться въ томъ, что онъ есть вопросъ научный? Но вникнемъ глубже въ дѣло. Если классификація наукъ есть, въ свою очередь, предметъ изслѣдованія науки, то въ какую же именно науку мы его отнесемъ? Если мы отнесемъ его въ какую-либо опредѣленную науку, то, значитъ, у насъ уже есть раздѣленіе науки вообще на ея отдѣлы, т. е. своего рода классификація наукъ, ранѣе, чѣмъ мы приступили къ осуществленію этой задачи научнымъ путемъ. Другими словами, подводя вопросъ о классификаціи наукъ подъ какой-либо разрядъ научныхъ вопросовъ, мы тѣмъ самымъ какъ бы уже признаемъ существованіе той научной классификациіи наукъ, которой пишемъ, а это своего рода *petitio principii*. Оттого-то большая часть мыслителей разрѣшала данное затрудненіе простымъ выдѣленіемъ вопроса о классификациіп наукъ изъ сферы специальныхъ наукъ въ область философіи, которая ставилась особнякомъ и во главѣ всѣхъ наукъ. Но это выдѣленіе только формально рѣшало затрудненіе. Дѣло въ томъ, что тѣ же самые мыслители признавали все-таки и самую философію наукой¹⁾ и, опредѣляя, такъ или иначе, ея мѣсто въ общей системѣ наукъ, тѣмъ самымъ все-таки предрѣшали ту самую задачу классификаціи наукъ, которую надлежало разрѣшить, — въ числѣ другихъ задачъ, — философіи, какъ наукѣ съизвѣстнымъ содержаніемъ и особыми методами изслѣдованія. Какъ же выйти изъ этого безконечного круга понятій? Если признать, какъ это мы сдѣлали въ своихъ прежнихъ трудахъ,

¹⁾ Ср. напр. новѣйшее сочиненіе уже покойнаго профессора Милославскаго: „Объ основахъ философіи, какъ соціальной науки“. Казань, 1883 г.

что философія, какъ сфера общихъ знаній, есть не наука, а высшее отвлеченное искусство (т. е. субъективное творчество)¹), и затѣмъ допустить, что классификація наукъ есть предметъ этой философіи, то тогда на первый взглядъ покажется, что упомянутый кругъ разорванъ и что задача рѣшена. Но, къ сожалѣнію, при ближайшемъ анализѣ, и эта надежда окажется обманчивой. Во первыхъ, самый вопросъ о томъ, что такое философія, даже и при отрицательномъ рѣшеніи его (въ силу которого мы признаемъ, что философія не есть наука), есть все-таки вопросъ, относящійся къ области общаго вопроса о томъ, что такое наука и какова должна быть классификація наукъ, а слѣдовательно, относя этотъ общий вопросъ къ философіи и высказываясь объ отношеніяхъ этой послѣдней къ наукѣ, мы опять впали бы въ ту же ошибку, т. е. совершили бы *petitio principii*. Во вторыхъ, самое отнесеніе вопроса о классификаціи наукъ къ философіи, какъ вышему отвлеченному искусству, было бы произвольно: во 1) это вопросъ въ извѣстномъ смыслѣ специальный, разрѣшимый только на почвѣ психологіи и теоріи познанія, во 2), если философія есть субъективное творчество, высший субъективный синтезъ знаній, то и классификація наукъ, въ предѣлахъ ея, оказалась бы дѣломъ субъективнымъ, условнымъ, а между тѣмъ интеллектуальные инстинкты наши заставляютъ насъ искать классификаціи наукъ—объективной, общеобязательной, и вѣрить въ возможность (хотя бы и отдаленную) осуществленія именно такой общеобязательной, т. е. «научной» классификаціи знаній.

Такимъ образомъ, выдѣленіе вопроса о классификаціи наукъ изъ сферы специальныхъ наукъ и отнесеніе его въ область «философіи», — признаемъ ли мы эту послѣднюю наукой или искусствомъ, — нисколько не разрѣшаетъ упомянутаго выше затрудненія, состоящаго въ томъ, что ближайшее опредѣленіе общаго смысла и задачъ классификаціи наукъ является уже отчасти предрѣшеніемъ этихъ самыхъ задачъ, признаніемъ ихъ, хотя бы уже до извѣстной степени, разрѣшенными. Въ виду этого сообра-

¹) Ср. статьи: „Философія, какъ вѣтвь искусства“ (Мысль, 1880, VIII). „Отношеніе философіи къ наукѣ и къ искусству“ (Кievъ, 1883), а также соч. „Къ вопросу о реформѣ логики“ (Лейпцигъ, 1882, Введеніе).

женія, возникаетъ поневолѣ вопросъ: не существуетъ ли двухъ видовъ классификаціи наукъ, изъ которыхъ одинъ видъ предшествуетъ другому и дозволяетъ отнести задачу «научной классификаціи наукъ» въ опредѣленный разрядъ специальныхъ научныхъ задачъ? Намъ кажется, что именно это предположеніе и является единственно вѣрнымъ и разрѣшающимъ тотъ *circulus viciosus*, на который мы указали выше. Дѣйствительно: вѣдь, каждая классификація какихъ бы то ни было предметовъ можетъ имѣть и двоякія побудительные причины и двоякій путь развитія. Побудительные причины для той или другой классификаціи данныхъ дѣйствительностью предметовъ могутъ быть практическія и теоретическія или, другими словами, 1) связанныя съ условіями дѣятельности человѣка въ отношеніи къ этимъ предметамъ, и 2) связанныя съ условіями его мысленія и познанія, — съ потребностью отдать себѣ отчетъ въ истинной природѣ и внутреннихъ взаимныхъ отношеніяхъ вещей. Сообразно съ этими двумя возможными побудительными причинами каждой классификаціи, есть и два пути для ея осуществленія — одинъ путь чисто эмптическій, опытный: человѣкъ замѣчаетъ сходства и различія вещей и, сообразно съ этимъ, распредѣляетъ ихъ на классы, руководствуясь чисто внешними признаками и потребностями обращенія съ данными предметами. Другой путь — умственный, рациональный: человѣкъ вникаетъ во внутреннія, скрытые отъ непосредственного наблюденія и выясняющіяся только путемъ эксперимента, свойства предметовъ, изучаетъ ихъ, распредѣляетъ, подводить подъ общіе принципы и, выходя изъ этихъ принциповъ, вновь распредѣляетъ предметы, сообразно съ основными и существенными ихъ признаками, руководствуясь при этомъ однѣми лишь потребностями своего ума, своими стремленіями къ знанію¹). Послѣдняго рода классификація называется «естественной» въ противоположность первой, — «искусственной», хотя однако и рациональная, научная классификація на первыхъ порахъ, вслѣдствіе недостатка знаній

¹) Подъ „раціональнымъ“ методомъ классификаціи мы разумѣемъ конечно не априорный, въ старомъ смыслѣ слова, а лишь тотъ методъ, который основанъ на синтезѣ опыта и научнаго мысленія, индукціи и дедукціи. (Ср. „Къ вопросу о реформѣ логики“, введеніе, стр. 42—43).

и несовершенства научныхъ пріемовъ, можетъ быть еще отчасти искусственной, т. е., съ точки зре́нія конечного своего идеала,— болѣе или менѣе случайной и неправильной, удовлетворяющей лишь временно и односторонне потребностямъ человѣческой мысли.

Спрашивается теперь, примѣнно ли это разграничение двухъ возможныхъ видовъ классификаціи къ области классификаціи наукъ? Конечно,— да. Въ своемъ ви́шнемъ механизмѣ наука есть особаго рода практическая дѣятельность человѣка. Сообразно съ условіями этой практической дѣятельности, человѣкъ различаетъ разныя сферы объектовъ своего познанія, руководствуясь непосредственно доступнымъ ему наблюденіемъ ихъ сходствъ и различій, а также тѣми средствами и орудіями, которыми онъ располагаетъ при ихъ изученіи. Отсюда и являются разнообразные для каждого времени разряды специальныхъ наукъ и ихъ общая, искусственная, и соответствующая опять-таки условіямъ времени система, вызванная чисто практическими потребностями жизни,— потребностями изученія природы, въ видахъ подчиненія ея человѣку, и обученія новыхъ поколѣній тому, что уже изучено ранѣе. Съ появленіемъ, этимъ именно путемъ, особой науки о человѣкѣ, и,—въ предѣлахъ ея,—специальной науки о познавательныхъ отправленихъ человѣка, въ числѣ другихъ научныхъ вопросовъ выдвигается и вопросъ о раціональной и естественной классификаціи знаній,—наукъ, и этотъ вопросъ, по самому происхожденію и характеру своему, поневолѣ попадаетъ въ область уже народившейся «эмпирически» науки о познанії. Какъ назвать эту науку, какое признать за нею, въ концѣ концовъ, мѣсто въ естественной системѣ знаній,— признать ли ее особымъ цѣлымъ, или только частью другой, болѣе общей науки,— все это вопросы, которые и должна разрѣшить «научная классификація наукъ». Достаточно на первый разъ того, что опытъ убѣдилъ человѣчество въ возможности научнаго изслѣдованія своихъ познавательныхъ отправлений и въ частности тѣхъ отправлений, которые называются «научными», и что возможность этой рефлексіи науки надъ собственнымъ своимъ содержаніемъ выразилась въ практической, искусственной и временной системѣ знаній,— постановкою въ ряду другихъ наукъ особой науки о познанії.

Итакъ, задача классификаціи наукъ безъ всякаго противорѣчія можетъ быть признана научною задачею известнаго опредѣленного разряда, прежде чѣмъ будетъ приступлено къ ея разрѣшенію. Необходимо признать лишь одно, что первоначальное эмпирическое распредѣленіе наукъ, вполнѣ достаточное для практическихъ цѣлей познанія, слагается по необходимости ранѣе теоретической и строго научной ихъ классификациіи, которая въ концѣ концовъ не можетъ измѣнить количества и качества объектовъ науки и общихъ приемовъ ихъ изслѣдованія, а можетъ лишь упорядочить эти объекты, измѣнить терминологію наукъ, исправить взгляды на ихъ взаимныя отношенія и зависимости, и тѣмъ самымъ косвенно повліять на специальные или частные методы анализа тѣхъ или другихъ объектовъ науки.

Но если такъ, то, стало быть, задача научной классификациіи наукъ состоитъ отнюдь не въ томъ, въ чёмъ ставили ее многіе изъ прежнихъ философовъ, а именно въ возможно гармоническомъ распредѣленіи уже существующихъ названій наукъ. Эти названія очевидно возникли случайно, подъ вліяніемъ временныхъ и чисто субъективныхъ условій научной дѣятельности. Тотъ или другой изслѣдователь замѣчалъ возможность анализа новаго разряда явленій, ускользавшаго отъ вниманія его предшественниковъ, начинай разбирать эти явленія особыми, вмъ придуманными методами, и совокупность результатовъ этого анализа обозначалась имъ самимъ или его преемниками особымъ названіемъ. Этимъ путемъ нарождалась и новая наука, которая извѣснѣ, чисто механически присоединялась къ совокупности уже существующихъ и по различнымъ, болѣе или менѣе правильнымъ аналогіямъ, включалась въ одинъ изъ главныхъ общихъ разрядовъ знанія, идея которыхъ возникла такимъ же случайнymъ порядкомъ. Такое созиданіе системы наукъ,—очевидно совершенно механическое и периферическое,—едва ли можетъ служить критеріемъ для научной классификациіи знаній, которая, по самой идеѣ научного единства и цѣльности, ей присущей, должна, наоборотъ, идти отъ центра къ периферіи, отъ известныхъ принциповъ къ ихъ примененію въ частностяхъ, и должна вести къ организационной системѣ, въ которой всѣ звенья естественно и необхо-

димо примыкали бы другъ къ другу. Пытаться отыскать необходимую органическую связь тамъ, гдѣ de facto дана только случайная, механическая, — не безнадежная ли это задача? Поэтому научная классификація наукъ должна совершенно отвлечься отъ существующихъ случайныхъ наименованій отдельовъ науки и, если она хочетъ, по примеру каждой научной классификаціи, идти сначала индуктивнымъ путемъ, — отъ изслѣдованія частныхъ явлений къ установленію общихъ принциповъ,—то такими частными явленіями могутъ быть для нея только разнообразные объекты существующихъ наукъ, а не названія и произвольныя подраздѣленія этихъ послѣднихъ. Другими словами, научная классификація наукъ должна искать своихъ принциповъ въ изслѣдованіи самихъ явлений природы въ ихъ естественной системѣ, а не въ разсмотрѣніи признанныхъ до сего времени категорій наукъ и знаній. А такъ какъ рядомъ съ этимъ наука есть одна изъ разнородныхъ «дѣятельностей» человѣка, регулируемыхъ законами психологическими, то научная классификація наукъ должна быть обоснована далѣе и на принципахъ психологическихъ, — въ частности — тѣхъ, которые относятся къ теоріи познавательныхъ отправлений человѣка. Другими словами, она должна быть результатомъ изслѣдованія различныхъ моментовъ познавательной дѣятельности человѣка въ ихъ связи съ естественною системою объектовъ этой послѣдней. Слѣдовательно, задача классификаціи наукъ есть очевидно задача психологическая, но, вмѣстѣ съ тѣмъ, она разрѣшима только на почвѣ общаго ученія о природѣ, о системѣ явлений природы и ихъ взаимныхъ отношеній, т. е. на почвѣ естествознанія, въ обширномъ значеніи этого слова.

Установивъ такимъ образомъ общее, «научное» значеніе вопроса о классификаціи наукъ, приступимъ къ разсмотрѣнію главныхъ принциповъ, которые могутъ быть извлечены для нея изъ выработанныхъ уже понынѣ ученій психологіи и естествознанія.

II.

Общій принципъ классификаціи наукъ.

Прежде всего наука едина и неразрывна, какъ съ господствующей въ наше время психологической точки зрења, съ которой она представляется однороднымъ и органически связнымъ, по своимъ задачамъ и приемамъ, видомъ человѣческой дѣятельности, такъ и съ распространенной нынѣ физической или естественно-научной точки зрења, признающей единство и цѣльность всей природы, насколько она является объектомъ «научнаго» познанія. Поэтому, если и можно дѣлить и дробить единую и неразрывную въ своихъ частяхъ науку, то лишь условно, чисто логически, такимъ же способомъ, какимъ мы логически расчленяемъ идею организма, идею сознанія и т. д. Есть разныя части, ткани и органы въ организмѣ, есть разныя явленія и функции въ сознаніи, но организмъ все-таки представляетъ единство и цѣльность, точно также какъ и сознаніе, — и представить себѣ одну часть организма или одну функцию сознанія безъ соотношенія ко всѣмъ другимъ, — невозможно. Точно также едина и наука: въ наукѣ есть различные области и различные моменты развитія, и потому содержаніе ея доступно дѣленію и распределенію, т. е. классификаци; но всѣ эти области и фазы развитія науки, т. е. научнаго познанія цѣльной и единой природы, немыслимы иначе, какъ въ тѣсной связи и зависимости другъ отъ друга.

Этотъ взглядъ на единство и цѣльность науки, хотя и довольно уже распространенный между учеными, все-таки до сихъ поръ отнюдь еще не является общепризнаннымъ. Во-первыхъ, есть еще приверженцы теоріи психологической двойственности познанія или мысли человѣческой, въ силу которой апостеріорное или опытное знаніе рѣзко противополагается априорному или «отъ разума». Во-вторыхъ, есть приверженцы и теоріи двойственности природы, какъ объекта познанія, въ силу которой природа «внѣ человѣка» и «человѣкъ», какъ особый элементъ природы, такъ же рѣзко противополагаются одинъ другому,

какъ объекты изученія для науки, — какъ и апостеріорное познаніеaprіорному. Но во всякомъ случаѣ эти два рѣзкие контраста для многихъ современныхъ представителей науки кажутся произвольными. Съ одной стороны, все болѣе и болѣе крѣпнетъ среди нихъ убѣжденіе, что всѣ науки, считавшіяся прежде aprіорными, — каковы напр. математика и логика, — на самомъ дѣлѣ апостеріорного или опытааго происхожденія. Съ другой стороны, все болѣе и болѣе распространяется среди ученыхъ убѣжденіе, что между природою и человѣкомъ, какъ объектами научнаго изученія, нельзя признать существованія рѣзкой границы. Конечно, этимъ еще не сказано, что наука разъ навсегда разрѣшила вопросъ о полномъ единствѣ матери и духа, какъ предполагаемыхъ основъ всего существующаго. Дѣло не въ этомъ: еслибы эти начала и были признаны даже рѣзко различными другъ отъ друга, то и тогда единство научнаго изслѣдованія не уничтожилось бы, ибо во-1-хъ никакъ пока еще не доказано, чтобы «духъ» могъ служить предметомъ научнаго изслѣдованія виѣ материальныхъ и вообще «феноменальныхъ» своихъ проявленій, во-2-хъ никакъ не доказано, чтобы духъ въ томъ смыслѣ, въ какомъ онъ противуполагается матери, былъ исключительно привилегіею человѣка, а напротивъ вся современная метафизическая философія отличается тенденціею распространенія идеи духа на всѣ сферы бытія, а тѣмъ паче уже на сферы бытія животно-органическаго.

Слѣдовательно, единство науки, съ точки зрењія психологической и естественнонаучной, можетъ быть прямо выведено изъ наиболѣе распространенныхъ нынѣ психологическихъ и физическихъ доктринъ. Идея развитія, столь укоренившаяся въ современномъ естествознаніи, заставляетъ поневолѣ слить науки о человѣкѣ въ одну цѣль съ науками о природѣ, виѣ человѣка существующей: не только анатомія, физіология и психологія человѣка многочисленными нитями все крѣпче и крѣпче сплетаются съ анатоміей, физіологіей и психологіей животныхъ, но и науки о человѣческомъ обществѣ и проявленіяхъ его бытія, т. е. наука объ обществѣ въ тѣсномъ смыслѣ (соціология), наука о языке (филологія), о нравахъ (этика), объ учрежденіяхъ (юридическая наука) и т. д., все тѣснѣе и тѣснѣе связываются сравнитель-

нымъ научнымъ методомъ съ соответствующими научными изслѣдованіями о соціальной жизни другихъ органическихъ существъ. Въ этомъ смыслѣ всѣ науки, прежде выдѣлявшіяся въ особый разрядъ подъ названіемъ «гуманитарныхъ», стремятся стать науками естественными, науками о явленіяхъ природы, возникшихъ столько же помимо участія человѣческаго сознанія, сколько и при участіи этого послѣдняго, какъ одной изъ созидающихъ силъ той же самой природы.

Но если, такимъ образомъ, людей, протестующихъ противъ сліянія наукъ физическихъ, психологическихъ и соціальныхъ въ одной общей ідее наукъ о природѣ или наукъ естественныхъ, становится все меньше и меньше, то нельзя сказать, чтобы въ той же пропорціи возрастаюло число ученыхъ, согласныхъ подвести и науки математическія, т. е. прежняя «апріорныя», подъ ту же общую идею наукъ о природѣ. А между тѣмъ самые блестящіе математики и естествоиспытатели нашего времени, въ родѣ напр. Гельмгольца и Льюиса, упорно твердятъ объ апостеріорности математическихъ истинъ¹⁾). Отчего же зависитъ то упорство, какое проявляютъ многіе ученые въ своемъ нежеланіи признать математическія науки за одинъ изъ разрядовъ наукъ о природѣ? Мнѣ кажется, что оно объясняется болѣе всего тѣмъ, что тезисъ объ апостеріорности математическихъ истинъ доказывается обыкновенно математическими же приемами, т. е., во-первыхъ, весьма специально и, во-вторыхъ, не прямо, а косвенно, и потому недостаточно убѣдительно. Такъ доказываетъ его напр. Гельмгольцъ, выводящій необходимость опытного происхожденія аксіомъ Эвклидовой геометріи изъ гипотетическихъ теорій пространства Лобачевскаго и Римана, причемъ общий смыслъ доказательства тотъ, что разъ мы признаемъ возможность для человѣческаго ума мыслить пространство съ положительной и отрицательной кривизною (сферическое и псевдосферическое), то стало быть постановка идей пространства съ нуль—кривизною въ основу Эвклидовой геометріи и Эвклидовыхъ аксіомъ объясняется не иначе, какъ тѣмъ

¹⁾ Ср. статью Гельмгольца въ его Wissensch. Abhndl. „О происхожденіи геометрическихъ аксіомъ“ и XIV главу I т. „Вопросовъ о жизни и духѣ“ Льюиса подъ заглавиемъ „Математика—эмпирическая наука“.

обстоятельствомъ, что свойства этого пространства, въ которомъ мы существуемъ, извѣстны намъ изъ опыта. Но это косвенное доказательство апостеріорности геометрическихъ аксиомъ не для всѣхъ должно казаться убѣдительнымъ. Дѣло въ томъ, что пространства, сферическое и псевдосферическое, конкретно представлены нами быть не могутъ: это отвлеченные постулаты, возникшіе помошью искусственного анализа идеи Эвклидова пространства, — это, слѣдовательно, произведеніе фантазіи и, если предположить, что реально для нась дано только одно Эвклидово пространство (а это предположеніе вполнѣ законно и его отрицаютъ только метафизики новѣйшей формациіи — спириты), то еще вопросъ, заимствовали ли мы идею о немъ изъ опыта, или она была дана, благодаря нашей умственной организаціи, уже a priori въ нашемъ умѣ.

Не математическимъ, а только психологическимъ путемъ по нашему крайнему разумѣнію, можетъ быть окончательно и вполнѣ наглядно доказано положеніе объ апостеріорности всѣхъ математическихъ истинъ,— и Льюисъ, кажется намъ, гораздо болѣе правъ, когда въ пользу этого положенія приводитъ слѣдующія мысли: «Единичное тѣло, видимое и осязаемое», говорить онъ, «даетъ протяженіе и форму, нѣсколько тѣль представляютъ множество — число» (стр. 414); «линя и поверхность существуютъ и имѣютъ реальные свойства точно также, какъ существуютъ и имѣютъ реальные свойства — планета, кристаллъ, растеніе, животное» (стр. 416). Эти и другія подобные соображенія его очевидно направлены къ тому, чтобы доказать «психологической тезисъ» о реальности объектовъ математическихъ понятий — въ той же степени, въ какой реальны объекты другихъ научныхъ понятий. Но онъ идетъ и далѣе: онъ доказываетъ, что и воображаемая идеальность самыхъ математическихъ понятий не составляетъ ихъ исключительной принадлежности: «часто говорятъ», разсуждаетъ онъ, — точка «безъ длины и ширины», линія «безъ припны» и поверхность «безъ толщины», суть воображаемые предметы, фикціи, что такихъ вещей нѣть въ дѣйствительности». «Это справедливо, но можетъ ввести въ заблужденіе. Правда, эти вещи — фикціи, но онъ имѣютъ реальное существование».